

10.1 Def. (A_1, A_2) unabh. Ereignisse (Mengen), falls
 $W(A_1 \cap A_2) = W(A_1)W(A_2)$

10.2

Endlich viele Ereignisse $(A_i)_{i=1}^n$ W -unabh.,

falls $\forall \{i_1, \dots, i_n\} \subseteq \{1, \dots, n\}$

$$W\left(\bigcap_{j=1}^n A_{i_j}\right) = \prod_{j=1}^n W(A_{i_j})$$

10.4. $\{A_i\}_{i=1}^n$ W -unabh. $\Leftrightarrow \forall A_i' \in \Sigma(A_i)$

gilt: $W\left(\bigcap_{i=1}^n A_i'\right) = \prod_{i=1}^n W(A_i')$

10.5 $I \neq \emptyset$ Indexmenge. $\{A_\alpha : \alpha \in I\}$ unabh. Ereignisse
falls \forall endl. $J \subseteq I$ $\{A_\alpha : \alpha \in J\}$ unabh. sind

10.5 $\mathcal{E}_\alpha \subseteq \Sigma$, $\alpha \in I$, sind unabh. Mengensysteme

falls $\forall A_\alpha \in \mathcal{E}_\alpha$, $\alpha \in I$ $\{A_\alpha\}$ unabh. Mengen sind

10.6 $\mathcal{E}_\alpha \subseteq \Sigma$, $\alpha \in I$, seien unabh. Mengensysteme.

Alle \mathcal{E}_α seien \cap -stabil $\Rightarrow (\Sigma(\mathcal{E}_\alpha))$ unabh.
(unabh. σ -Algebren)

10.7 $(\Lambda_\alpha, \mathcal{A}_\alpha)$ repräsent., $X_\alpha : \Omega \rightarrow \Lambda_\alpha$ Z.V.

$(X_\alpha, \alpha \in I)$ sind unabh. Zufallsvariable

falls $\{X_\alpha^{-1}(\mathcal{A}_\alpha) : \alpha \in I\}$ unabh. Mengensysteme sind
(unabh. σ -A.)

10.10-10.17: $(X_\alpha)_{\alpha \in I}$ unabh. Zufallsvariable

$$\Leftrightarrow \left(\bigotimes_{\alpha} X_\alpha\right)(\omega) = \bigotimes_{\alpha} (X_\alpha(\omega))$$

("gemeinsame Vt. = Produkt der einzelnen Vt.")